Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное профессиональное образовательное учреждение «Петуховский техникум механизации и электрификации сельского хозяйства»

УТВЕРЖДАЮ	
И.о. директора	
	Л.П.Мякинина

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

ОДУ. 04 Математика

специальность среднего профессионального образования 35.02.07 Механизация сельского хозяйства

(код и наименование специальности)

<u>базовой</u> подготовки

Форма обучения

очная / заочная

Рабочая программа учебной дисциплины «Математика» разработана в соответствии с требованиями федерального государственного образовательного стандарта (далее - ФГОС) среднего общего образования с учетом Примерной основной образовательной программы среднего общего образования, одобренной решением федерального учебно-методического объединения по общему образованию, протокол от 28 июня 2016 г. № 2/16-3 и федерального государственного образовательного стандарта среднего профессионального образования (далее - СПО) по специальности 35.02.07 Механизация сельского хозяйства.

Организация-разработчик: Федеральное государственное бюджетное профессиональное образовательное учреждение Петуховский техникум механизации и электрификации сельского хозяйства (ФГБПОУ «Петуховский техникум механизации и электрификации сельского хозяйства»)

Разработчик:

Алексеев Алексей Валерьевич, преподаватель ФГБПОУ «Петуховский техникум механизации и электрификации сельского хозяйства»

СОДЕРЖАНИЕ

	стр.
1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ	3
1.1 Область применения программы	3
1.2 Место учебной дисциплины в структуре основной профессиональной	3
образовательной программы	
1.3 Планируемые результаты освоения учебной дисциплины	3
1.4 Количество часов на освоение рабочей программы учебной дисциплины	6
2. СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ И ТЕМАТИЧЕСКОЕ	7
ПЛАНИРОВАНИЕ	
2.1 Объем учебной дисциплины и виды учебной работы	7
2.2 Содержание учебной дисциплины	8
2.3. Тематическое планирование с указанием количества часов, отводимых на	21
освоение каждой темы	
2.4. Содержание профильной составляющей	23
3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ	25
дисциплины	
3.1 Образовательные технологии	25
3.2 Требования к минимальному материально-техническому обеспечению	25
3.3 Информационное обеспечение обучения	25
4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ	26
дисциплины	

1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ «Математика»

1.1. Область применения рабочей программы

Рабочая программа учебной дисциплины «Математика» является частью общеобразовательного цикла основной профессиональной образовательной программы — программы подготовки специалистов среднего звена (далее — ППССЗ) по специальности среднего профессионального образования

35.02.07 Механизация сельского хозяйства

1.2. Место учебной дисциплины в структуре ППССЗ

Общеобразовательные учебные дисциплины - учебные предметы обязательных предметных областей ФГОС СОО, включенные в общеобразовательный цикл ООП СПО на базе основного общего образования с получением среднего общего образования с учетом осваиваемой специальности СПО. Учебная дисциплина «Математика» является обязательной дисциплиной общеобразовательного учебного цикла в соответствии с технологическим профилем профессионального образования.

Учебная дисциплина изучается на углубленном уровне, относится к предметной области «Математика и информатика» ФГОС среднего общего образования.

Реализация содержания учебной дисциплины предполагает соблюдение принципа строгой преемственности по отношению к содержанию курса «Математика» на ступени основного общего образования.

В рамках изучения дисциплины «Математика» могут быть реализованы самые разнообразные межпредметные связи. Рабочая программа учебной дисциплины «Математика» имеет межпредметную связь с общеобразовательными учебными дисциплинами «Физика», «Астрономия», «Информатика», «Введение в специальность».

Изучение учебной дисциплины «Математика» завершается промежуточной аттестацией в форме экзамена в рамках освоения ППССЗ на базе основного общего образования.

1.3 Планируемые результаты освоения учебного предмета

Изучение математики на углубленном уровне среднего общего образования обеспечивает достижение следующих целей:

- обеспечение сформированности представлений о социальных, культурных и исторических факторах становления математики;
- обеспечение сформированности логического, алгоритмического и математического мышления;
- обеспечение сформированности умений применять полученные знания при решении различных задач; для успешного продолжения образования по специальностям, связанным с прикладным использованием математики;
- обеспечение сформированности представлений о математике как части общечеловеческой культуры, универсальном языке науки, позволяющем описывать и изучать реальные процессы и явления.

Задачи

- развивать коммуникативные умения (формулировать, аргументировать и критиковать);
- формировать основы логического мышления в части проверки истинности и ложности утверждений, построения примеров и контрпримеров, цепочек утверждений, формулировки отрицаний, а также необходимых и достаточных условий;
- научить работать по алгоритму, методам поиска алгоритма и определению границ применимости алгоритмов.

• в разделе «Геометрия» в большей степени развивать пространственные представления и графические методы, чем формальное описание стереометрических фактов.

Освоение содержания учебной дисциплины «Математика» обеспечивает достижение студентами следующих результатов:

личностных:

- сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, основанного на диалоге культур, а также различных форм общественного сознания, осознание своего места в поликультурном мире;
- сформированность основ саморазвития и самовоспитания в соответствии с общечеловеческими ценностями и идеалами гражданского общества; готовность и способность к самостоятельной, творческой и ответственной деятельности;
- толерантное сознание и поведение в поликультурном мире, готовность и способность вести диалог с другими людьми, достигать в нем взаимопонимания, находить общие цели и сотрудничать для их достижения, способность противостоять идеологии экстремизма, национализма, ксенофобии, дискриминации по социальным, религиозным, расовым, национальным признакам и другим негативным социальным явлениям;
- навыки сотрудничества со сверстниками, детьми младшего возраста, взрослыми в образовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;
- нравственное сознание и поведение на основе усвоения общечеловеческих ценностей;
- готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;
- эстетическое отношение к миру, включая эстетику быта, научного и технического творчества, спорта, общественных отношений;
- осознанный выбор будущей профессии и возможностей реализации собственных жизненных планов; отношение к профессиональной деятельности как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем

метапредметных:

Метапредметные результаты освоения основной образовательной программы представлены тремя группами универсальных учебных действий (УУД).

Регулятивные универсальные учебные действия:

- умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять, контролировать и корректировать деятельность; использовать все возможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;
- владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств их достижения.
- умение самостоятельно оценивать и принимать решения, определяющие стратегию поведения, с учетом гражданских и нравственных ценностей;

Познавательные универсальные учебные действия:

- владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;
- готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, владение навыками получения необходимой информации из словарей разных типов, умение ориентироваться в различных источниках информации, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;
 - умение использовать средства информационных и коммуникационных технологий

(далее - ИКТ) в решении когнитивных, коммуникативных и организационных задач с соблюдением требований эргономики, техники безопасности, гигиены, ресурсосбережения, правовых и этических норм, норм информационной безопасности.

Коммуникативные универсальные учебные действия

- умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;
- владение языковыми средствами умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;

Предметных:

- сформированность представлений о математике как части мировой культуры и о месте математики в современной цивилизации, о способах описания на математическом языке явлений реального мира;
- сформированность представлений о математических понятиях как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;
- владение методами доказательств и алгоритмов решения; умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;
- владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;
- сформированность представлений об основных понятиях, идеях и методах математического анализа;
- владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире геометрические фигуры; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;
- сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, о статистических закономерностях в реальном мире, об основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;
- владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач;
- сформированность представлений о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;
- сформированность понятийного аппарата по основным разделам курса математики; знаний основных теорем, формул и умения их применять; умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;
- сформированность умений моделировать реальные ситуации, исследовать построенные модели, интерпретировать полученный результат;
- сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;
- владение умениями составления вероятностных моделей по условию задачи и вычисления вероятности наступления событий, в том числе с применением формул комбинаторики и основных теорем теории вероятностей; исследования случайных величин по их распределению.

1.4. Количество часов на освоение программы учебной дисциплины: максимальной учебной нагрузки обучающегося <u>331 часов</u>, в том числе:

по очной форме обучения

обязательной аудиторной учебной нагрузки обучающегося $\underline{234}$ часов; самостоятельной работы обучающегося $\underline{77}$ часа;

консультации 20 часов

по заочной форме обучения

обязательной аудиторной учебной нагрузки обучающегося <u>331</u> часов; самостоятельной работы обучающегося <u>297</u> часа.

2. СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ И ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы

Очная форма обучения

Вид учебной работы	Объем часов
Максимальная учебная нагрузка (всего) 331	
Обязательная аудиторная учебная нагрузка (всего)	234
в том числе:	
практические занятия	46
контрольная работа	
Самостоятельная работа обучающегося (всего)	77
в том числе:	
внеаудиторная самостоятельная работа	77
Консультации	20
Итоговая аттестация по дисциплине в форме экзамена	

Заочная форма обучения

Вид учебной работы	Объём часов
Максимальная учебная нагрузка (всего)	331
Обязательная аудиторная учебная нагрузка (всего)	34
в том числе:	
лабораторные работы	-
практические занятия	22
из них контрольные работы	2
Самостоятельная работа обучающегося (всего)	297
в том числе внеаудиторная самостоятельная работа: подготовка к аудиторным занятиям, в т.ч. к контрольной работе подготовка и выполнение домашней контрольной работы. консультации	297
Итоговая аттестация по дисциплине в форме экзамена	

Освоение содержания учебной дисциплины «Математика» обеспечивает формирование и развитие универсальных учебных действий (УУД) в контексте преемственности формирования общих компетенций.

Виды универсальных учебных действий	· ·	
Личностные (обеспечивают ценностно- смысловую ориентацию обучающихся и ориентацию в социальных ролях и межличностных отношениях)	ОК 1. Понимать сущность и социальную значимость своей будущей профессии, проявлять к ней устойчивый интерес. ОК 8. Самостоятельно определять задачи профессионального и личностного развития, заниматься самообразованием, осознанно планировать повышение квалификации.	
Регулятивные (обеспечивают организацию обучающимися своей учебной	ОК 2. Организовывать собственную деятельность, выбирать типовые методы и способы выполнения профессиональных задач, оценивать их	

деятельности, целеполагание,	эффективность и качество.
планирование, прогнозирование, контроль (коррекция),	ОК 3. Принимать решения в стандартных и
контроль (коррекция), саморегуляция, оценка)	нестандартных ситуациях и нести за них ответственность
Познавательные (обеспечивают исследовательскую компетентность, умение работать с информацией)	ОК 4. Осуществлять поиск и использование информации, необходимой для эффективного выполнения профессиональных задач, профессионального и личностного развития. ОК 5. Использовать информационно - коммуникационные технологии в профессиональной деятельности.
	ОК 9. Ориентироваться в условиях частой смены технологий в профессиональной деятельности
Коммуникативные (обеспечивают социальную компетентность и учет позиции других людей, умение слушать и вступать в диалог, участвовать в коллективном обсуждении проблем, взаимодействовать и	ОК 6. Работать в коллективе и в команде, эффективно общаться с коллегами, руководством, потребителями. ОК 7. Брать на себя ответственность за работу членов команды (подчиненных), за результат выполнения заданий.
сотрудничать со сверстниками и взрослыми)	

2.2. Содержание учебной дисциплины «Математика»

Наименование разделов и тем	Содержание учебного материала, лабораторные и практические работы, самостоятельная работа обучающихся	Объем часов Очн./заоч	Уровень усвоения
1	2	3	4
	Алгебра и начала анализа		
Введение	Повторение. Решение задач с использованием свойств чисел и систем счисления,	2	2
	делимости, долей и частей, процентов, модулей чисел.		
Раздел 1.		25	
Элементы теории множеств и математической логики			
	Содержание учебного материала	14	
	Утверждение (высказывание), отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, следствия, частный случай общего утверждения, контрпример, доказательство.	2	2
Тема 1.1 Высказывания. Множества.	Множества (числовые, геометрических фигур). Характеристическое свойство, элемент множества, пустое, конечное, бесконечное множество. Способы задания множеств Подмножество	2	2
	Истинные и ложные высказывания, операции над высказываниями. <i>Алгебра высказываний</i> . Связь высказываний с множествами. Кванторы существования и всеобщности	2	2
	Законы логики. Основные логические правила. Круги Эйлера. Решение логических задач с использованием кругов Эйлера, основных логических правил	2	2
	Умозаключения. Обоснования и доказательство в математике. Теоремы. Виды математических утверждений. Виды доказательств. Математическая индукция. Утверждения: обратное данному, противоположное, обратное противоположному данному. Признак и свойство, необходимые и достаточные условия	2	2
	Конечные и бесконечные, счетные и несчетные множества.	2	2
	Практические занятия Высказывания и логика	2	
	Самостоятельная работа обучающихся. Задание.	11	

	1. Подготовить доклад на тему «Множества»		
	2. Подготовить доклад на тему «Логика и её законы».		
	3. Подготовить доклад на тему «Роль выдающихся математиков в развитии науки»		
Раздел 2.		34	
Корни. Степени и логарифмы			
	Содержание учебного материала	6	
	Решение задач с использованием свойств степеней и корней, многочленов,	2	1
	преобразований многочленов и дробно-рациональных выражений		
	Решение задач с использованием свойств степеней и корней, многочленов,	2	1
Тема 2.1	преобразований многочленов и дробно-рациональных выражений		
Решение задач	Решение задач с использованием градусной меры угла. Модуль числа и его	2	1
	свойства. Основная теорема арифметики. Остатки и сравнения. Алгоритм		
	Евклида. Китайская теорема об остатках. Малая теорема Ферма. q-ичные		
	системы счисления. Функция Эйлера, число и сумма делителей натурального числа		
	и его свойства		
	Содержание учебного материала	6	
Тема 2.2.	Степень с действительным показателем, свойства степени.	2	1
Степени	Степень с действительным показателем, свойства степени.	2	1
Cremenn	Практические занятия	2	
	Действия со степенями		
	Содержание учебного материала	10	
	Радианная мера угла, тригонометрическая окружность. Тригонометрические функции чисел и углов.	2	1
	Формулы приведения, сложения тригонометрических функций, формулы двойного	2	2
Тема 2.3	и половинного аргумента		
_ = ===================================	Формулы приведения, сложения тригонометрических функций, формулы двойного	2	2
Тригонометрия	и половинного аргумента		
	Преобразование суммы, разности в произведение тригонометрических функций, и	2	2
	наоборот.		
	Практические занятия	2	
	Основные тригонометрические тождества.		
Тема 2.4	Содержание учебного материала	8	
Логарифм	Логарифм, свойства логарифма. Число ℓ . Десятичный и натуральный логарифм	2	2

	Преобразование логарифмических выражений.	2	2
	Преобразование логарифмических выражений.	2	2
	Практические занятия	2	
	Нахождение значений логарифма		
	Самостоятельная работа обучающихся.	4	
	Задание. Подготовить доклад на тему «Роль математики в развитии России»		
Раздел 3.		10	
Комплексные числа			
	Содержание учебного материала	6	
	Первичные представления о множестве комплексных чисел. Действия с	2	2
	комплексными числами. Комплексно сопряженные числа. Модуль и аргумент числа.		
	Тригонометрическая форма комплексного числа. Решение уравнений в комплексных		
	числах.		
Тема 3.1.	Приводимые и неприводимые многочлены. Основная теорема алгебры.	2	1
Гема 3.1. Комплексные числа	Симметрические многочлены. Целочисленные и целозначные многочлены.		
комплексные числа	Цепные дроби. Теорема Ферма о сумме квадратов. Суммы и ряды, методы	2	1
	суммирования и признаки сходимости. Теоремы о приближении действительных		
	чисел рациональными		
	Самостоятельная работа обучающихся.	4	
	Задание. Подготовить доклад на тему «Комплексные числа и их применение в		
	электротехнике»		
Раздел 4.		61	
Уравнения и неравенства			
-	Содержание учебного материала	6	
	Решение задач с помощью числовых неравенств и систем неравенств с одной	2	1
	переменной, с применением изображения числовых промежутков.		
	Использование неравенств и систем неравенств с одной переменной, числовых	2	2
T 4.1	промежутков, их объединений и пересечений		
Тема 4.1	Практические занятия	2	
Решение задач	Решение уравнений и неравенств		
	Самостоятельная работа обучающихся	4	
	Задание.		
	1. Подготовить доклад на тему «Решение неравенств с помощью числовых		
	промежутков»		
	11		

	Содержание учебного материала	8	
	Графическое решение уравнений и неравенств. Множества на координатной	2	1
	плоскости.		
Тема 4.2	Графическое решение уравнений и неравенств	2	2
Графическое решение уравнений	Графическое решение уравнений и неравенств	2	2
и неравенств	Практические занятия	2	
	Графическое решение уравнений		
	Самостоятельная работа обучающихся	7	
	Задание. Подготовить доклад на тему «Графическое решение неравенств»		
	Содержание учебного материала	12	
	Тригонометрические уравнения	2	2
Тема 4.3	Однородные тригонометрические уравнения	2	2
	Однородные тригонометрические уравнения	2	2
Тригонометрические уравнения	Решение простейших тригонометрических неравенств	2	2
	Простейшие системы тригонометрических уравнений.	2	3
	Простейшие системы тригонометрических уравнений.	2	3
	Содержание учебного материала	20	
	Простейшие показательные уравнения и неравенства	2	2
	Метод интервалов для решения неравенств	2	1
	Графические методы решения уравнений и неравенств	2	1
	Графические методы решения уравнений и неравенств	2	2
	Графические методы решения уравнений и неравенств	2	2
Тема 4.4	Решение уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля.	2	2
Уравнения показательные и	Системы показательных, логарифмических и иррациональных уравнений	2	2
логарифмические и неравенства	Системы показательных, логарифмических и иррациональных неравенств	2	2
	Диофантовы уравнения. Неравенство Коши–Буняковского, неравенство Йенсена,	2	1
	неравенства о средних. Уравнения, системы уравнений с параметром.		
	Практические занятия	2	
	Решение систем показательных, логарифмических иррациональных уравнений		
	Самостоятельная работа обучающихся	4	
	Подготовить доклад на тему «Решение уравнений с модулем»		
Раздел 5.		20	
Функции			

	Содержание учебного материала	4	
	Решение задач с использованием числовых функций и их графиков. Использование	2	2
	свойств и графиков линейных и квадратичных функций, обратной		
Тема 5.1	пропорциональности и функции $y = \sqrt{x}$.		
Графики линейной и	Нули функции, промежутки знакопостоянства, монотонность. Наибольшее и	2	2
квадратичной функции	наименьшее значение функции. Периодические функции и наименьший период.		
	Четные и нечетные функции. Функции «дробная часть числа» $y = \{x\}$ и «целая		
	y = [x].		
	Содержание учебного материала	8	
	Тригонометрические функции числового аргумента $y = \cos x$, $y = \sin x$, $y = \tan x$,	2	2
	$y = \operatorname{ctg} x$. Свойства и графики тригонометрических функций.		
Тема 5.2	Обратные тригонометрические функции, их главные значения, свойства и графики.	2	2
Графики показательной	Показательная функция и ее свойства и график. Функция $y = e^x$.		
логарифмической и	Логарифмическая функция и ее свойства и график. Степенная функция и ее	2	2
тригонометрической функций	свойства и график.		
1 1 17	Практические занятия	2	
	Построение графиков функций		
	Самостоятельная работа обучающихся.	4	
	Задание. Подготовить доклад на тему «Сложение гармонических колебаний»		
	Содержание учебного материала	4	
	Преобразования графиков функций: сдвиг, умножение на число, отражение	2	2
Тема 5.3	относительно координатных осей.		
Преобразование графиков	Взаимно обратные функции. Графики взаимно обратных функций.		
	Практические занятия	2	
	Преобразование графиков.		
Раздел 6.		9	
Текстовые задачи			
Тема 6.1	Содержание учебного материала	6	
Решение	Решение задач на движение и совместную работу, смеси и сплавы с помощью	2	1
Задач	линейных, квадратных и дробно-рациональных уравнений и их систем		1
, ,	Применение при решении задач свойств арифметической и геометрической	2	1

	прогрессии, суммирования бесконечной сходящейся геометрической прогрессии		
	Практические занятия	2	
	Решение задач.		
	Самостоятельная работа обучающихся	3	
	Задание. Подготовить доклад на тему «Задачи на смеси и сплавы»		
Раздел 7.		32	
Начала математического			
анализа			
	Содержание учебного материала	8	
	Понятие предела функции в точке. Понятие предела функции в бесконечности.	2	2
	Асимптоты графика функции. Сравнение бесконечно малых и бесконечно больших.		
Тема 7.1	Непрерывность функции. Свойства непрерывных функций. Теорема Вейерштрасса		
Предел функции	Дифференцируемость функции. Производная функции в точке	2	2
предел функции	Касательная к графику функции. Геометрический и физический смысл	2	2
	производной.		
	Практические занятия	2	
	Уравнение касательной в общем виде.		
	Содержание учебного материала	8	
	Производные элементарных функций. Правила дифференцирования	2	2
	Вторая производная, ее геометрический и физический смысл. Применение	2	2
	производной в физике.		
	Точки экстремума (максимума и минимума). Исследование элементарных функций	2	2
Тема 7.2	на точки экстремума, наибольшее и наименьшее значение с помощью производной.		
Производная	Построение графиков функций с помощью производных. Применение производной		
Производная	при решении задач. Нахождение экстремумов функций нескольких переменных		
	Практические занятия	2	
	Вычисление производных		
	Самостоятельная работа обучающихся	4	
	Задание.1. Подготовить доклад на тему «Применение производных в физике и		
	технике»		
Тема 7.3	Содержание учебного материала	8	
1 ема 7.3 Первообразная и интеграл	Первообразная. Неопределенный интеграл. Первообразные элементарных функций	2	2
первообразная и интеграл	Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона-Лейбница. Определенный	2	2

	интеграл. Вычисление площадей плоских фигур и объемов тел вращения с помощью		
	интеграла		
	Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона-Лейбница. Определенный	2	2
	интеграл. Вычисление площадей плоских фигур и объемов тел вращения с помощью	2	
	интеграла. Методы решения функциональных уравнений и неравенств.		
	Практические занятия	2	
	Исследование и построение графиков функций с помощью производной.		
	Самостоятельная работа обучающихся.	4	
	Задание. Подготовить доклад на тему «Математические закономерности в природе		
	красота и совершенство окружающего мира и произведений искусства.»		
	Геометрия		
Раздел.8		16	
Геометрия на плоскости			
	Содержание учебного материала	12	
	Повторение. Решение задач с использованием свойств фигур на плоскости	2	1
	Решение задач на доказательство и построение контрпримеров. Применение	2	1
	простейших логических правил		
	Решение задач с использованием теорем о треугольниках, соотношений в	2	1
	прямоугольных треугольниках, фактов, связанных с четырехугольниками		
	Решение задач с использованием теорем о треугольниках, соотношений в	2	1
Тема 8.1	прямоугольных треугольниках, фактов, связанных с четырехугольниками. Решение		
Геометрия на плоскости	задач с использованием фактов, связанных с окружностями		
	Решение задач на измерения на плоскости, вычисления длин и площадей. Решение	2	1
	задач с помощью векторов и координат		
	Практические занятия	2	
	Решение задач на плоскости		
	Самостоятельная работа обучающихся	4	
	Задание. Подготовить доклад на тему «Решение задач с помощью символьных		
	вычислений для математических объектов»		
Раздел 9.		82	
Геометрия в пространстве		4.0	
Тема 9.1	Содержание учебного материала	10	
Стереометрия	Наглядная стереометрия. Призма, параллелепипед, пирамида, тетраэдр	2	1

	Основные понятия геометрии в пространстве. Аксиомы стереометрии и следствия из них. Понятие об аксиоматическом методе	2	1
<i>Теорема Менелая для тетраэдра</i> . Построение сечений многогранников методом следов		2	2
	Центральное проектирование. Построение сечений многогранников методом проекций	2	2
	Практические занятия	2	
	Проектирование и построение сечений.		
	Содержание учебного материала	10	
	Скрещивающиеся прямые в пространстве. Угол между ними. Методы нахождения расстояний между скрещивающимися прямыми.	2	2
Тема 9.2	Теоремы о параллельности прямых и плоскостей в пространстве. Параллельное проектирование и изображение фигур. <i>Геометрические места точек в пространстве</i> .	2	2
Прямые в пространстве	Перпендикулярность прямой и плоскости. Ортогональное проектирование. Наклонные и проекции	2	2
	Теорема о трех перпендикулярах	2	2
	Практические занятия	2	
	Теорема о трех перпендикулярах		
	Содержание учебного материала	20	
	Виды тетраэдров. Ортоцентрический тетраэдр, каркасный тетраэдр, равногранный тетраэдр. Прямоугольный тетраэдр. Медианы и бимедианы тетраэдра. Достраивание тетраэдра до параллелепипеда	2	1
	Расстояния между фигурами в пространстве. Общий перпендикуляр двух скрещивающихся прямых.	2	2
Тема 9.3 Многогранники	Углы в пространстве. Перпендикулярные плоскости. Площадь ортогональной проекции. Перпендикулярное сечение призмы. Трехгранный и многогранный угол. Свойства плоских углов многогранного угла. Свойства плоских и двугранных углов трехгранного угла. Теоремы косинусов и синусов для трехгранного угла.	2	2
	Виды многогранников. Развертки многогранника. Кратчайшие пути на поверхности многогранника. Теорема Эйлера. Правильные многогранники. Двойственность правильных многогранников.	2	2
	Призма. Параллелепипед. Свойства параллелепипеда. Прямоугольный параллелепипед. Наклонные призмы.	2	2

	Пирамида. Виды пирамид. Элементы правильной пирамиды. Пирамиды с равно	2	2
	наклонёнными ребрами и гранями, их основные свойства.		
	Площади поверхностей многогранников.	2	2
	Площади поверхностей многогранников.	2	2
	Практические занятия	4	
	Различные виды многогранников. Их изображения		
	Вычисление площадей .многогранников		
	Содержание учебного материала	8	
	Тела вращения: цилиндр, конус, шар и сфера. Сечения цилиндра, конуса и шара.	2	1
	Шаровой сегмент, шаровой слой, шаровой сектор (конус)		
T 0.4	Усеченная пирамида и усеченный конус. Элементы сферической геометрии.	2	1
Тема 9.4	Конические сечения.		
Тела вращения	Касательные прямые и плоскости. Вписанные и описанные сферы. Касающиеся	2	2
	сферы. Комбинации тел вращения.		
	Практические занятия	2	
	Вычисление площадей тел вращения		
Тема 9.5	Содержание учебного материала	4	
Векторы и координаты в	Векторы и координаты. Сумма векторов, умножение вектора на число. Угол между	2	1
пространстве	векторами. Скалярное произведение.		
	Практические занятия	2	
	Действия с векторами.		
	Содержание учебного материала	14	
	Уравнение плоскости. Формула расстояния между точками. Уравнение сферы.	2	1
	Формула расстояния от точки до плоскости. Способы задания прямой		
	уравнениями. Решение задач и доказательство теорем с помощью векторов и		
Тема 9.6	методом координат. Элементы геометрии масс.		
Объёмы	Понятие объема. Объемы многогранников. Объемы тел вращения. Аксиомы	2	1
	объема. Вывод формул объемов прямоугольного параллелепипеда, призмы и		
	пирамиды. Формулы для нахождения объема тетраэдра. Теоремы об отношениях		
	объемов		
	Приложения интеграла к вычислению объемов и поверхностей тел вращения.	2	2
	Площадь сферического пояса. Объем шарового слоя. Применение объемов при		
	решении задач. Площадь сферы. Развертка цилиндра и конуса. Площадь		

	поверхности цилиндра и конуса		
	Комбинации многогранников и тел вращения	2	3
	Подобие в пространстве. Отношение объёмов и площадей поверхностей подобных	_	
	фигур.		
	Движения в пространстве: параллельный перенос, симметрия относительно плоскости,	2	1
	центральная симметрия, поворот относительно прямой. Преобразование подобия,		
	гомотетия. Решение задач на плоскости с использованием стереометрических		
	методов.		
	Практические занятия		
	Вычисление объёмов.		
	Преобразования тел.		
	Самостоятельная работа обучающихся	16	
	Задание.		
	1. Подготовить доклад на тему «Виды проекций и их применение» (4ч)		
	2. Подготовить доклад на тему «Виды многогранников и их изображения» (4ч.)		
	3. Подготовить доклад на тему «Тела вращения» (4ч.)		
	4. Подготовить доклад на тему «Интеграл и объёмы тел» (4ч)		
Раздел 10. Вер	оятность и статистика, логика, теория графов и комбинаторика	20	
	Содержание учебного материала	12	
	Повторение. Использование таблиц и диаграмм для представления данных.	2	1
	Решение задач на применение описательных характеристик числовых наборов:		
	средних, наибольшего и наименьшего значения, размаха, дисперсии и стандартного		
	отклонения. Вычисление частот и вероятностей событий. Вычисление		
	вероятностей в опытах с равновозможными элементарными		
Тема 10.1	Использование комбинаторики. Вычисление вероятностей независимых событий.	2	2
Статистика. Вероятность,	Использование формулы сложения вероятностей, диаграмм Эйлера, дерева		
логика, комбинаторика	вероятностей, формулы Бернулли.		
логика, комоинаторика	Вероятностное пространство. Аксиомы теории вероятностей.		
	Условная вероятность. Правило умножения вероятностей. Формула полной		
	вероятности. Формула Байеса.		
	вероятности. Формула ванеса.		
		2	2
	Дискретные случайные величины и распределения. Совместные распределения. Распределение суммы и произведения независимых случайных величин.	2	2
	Дискретные случайные величины и распределения. Совместные распределения.	2	2

Бинарная случайная величина, распределение Бернулли. Геометрическое		
распределение. Биномиальное распределение и его свойства. Гипергеометрическое		
распределение и его свойства.		
Непрерывные случайные величины. Плотность вероятности. Функция		
распределения. Равномерное распределение. Показательное распределение, его		
параметры.		
Распределение Пуассона и его применение. Нормальное распределение. Функция	2	2
Лапласа. Параметры нормального распределения. Примеры случайных величин,		
подчиненных нормальному закону (погрешность измерений, рост человека).		
Центральная предельная теорема.		
Неравенство Чебышева. Теорема Чебышева и теорема Бернулли. Закон больших		
чисел. Выборочный метод измерения вероятностей. Роль закона больших чисел в		
науке, природе и обществе.		
Ковариация двух случайных величин. Понятие о коэффициенте корреляции.		
Совместные наблюдения двух случайных величин. Выборочный коэффициент		
корреляции. Линейная регрессия.		
Статистическая гипотеза. Статистика критерия и ее уровень значимости.	2	1
Проверка простейших гипотез. Эмпирические распределения и их связь с		
теоретическими распределениями. Ранговая корреляция.		
Построение соответствий. Инъективные и сюръективные соответствия.		
Биекции. Дискретная непрерывность. Принцип Дирихле.		
Кодирование. Двоичная запись.		
Основные понятия теории графов. Деревья. Двоичное дерево. Связность.		
Компоненты связности. Пути на графе. Эйлеровы и Гамильтоновы пути.		
Практические занятия	2	
Решение задач на перебор вариантов		
Самостоятельная работа обучающихся	8	
Задание.		
1. Подготовить доклад на тему «Применение комбинаторики в вычислениях задач		
разного вида» (4ч.)		
2. Подготовить доклад на тему «Примеры случайных величин, подчиненных		
нормальному закону (погрешность измерений, рост человека)» (4ч)		

Консультации	20	
Темы:		
1. Числа. Высказывания. Логика.		
2 Степени. Корни. Логарифмы. Их свойства.		
3 Тригонометрия. Уравнения. Неравенства.		
4 Производная. Первообразная. Интеграл.		
5 Геометрия на плоскости.		
6 Геометрия в пространстве.		

2.3. Тематическое планирование

При реализации содержания общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» в пределах освоения ОПОП СПО на базе основного общего образования с получением среднего общего образования максимальная учебная нагрузка обучающихся составляет по специальностям технологического профиля профессионального образования - 331 час, из них аудиторная (обязательная) нагрузка обучающихся - 234 часа; внеаудиторная самостоятельная работа студентов - 77 часов; консультации — 20 часов. Промежуточная аттестация - в форме экзамена.

Тематический план (очная форма обучения)

Соличес	ство	Самост.
торных	х часов	работа
Лаб.		студен-
работь	занятия	та
4	5	6
	2	11
	2	11
	6	4
	6	4
		4
		4
	6	15
	2	4
	2	7
		/
	2	4
	2	4
	4	4
	2	4
	2	4
	2	
	2	3
	2	3
	6	8
	2	
	2	4
	2	4
	2	4
	2	4
	16	16
	2	4
		работы занятия 4 5 2 2 6 6 2 2 4 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2

Тема 9.2 Прямые в пространстве	10	10	2	
Тема 9.3 Многогранники	24	20	4	4
Тема 9.4 Тела вращения	10	6		4
Тема 9.5 Векторы и координаты в пространстве	6	6	4	
Тема 9.6 Объёмы	18	14	4	4
Вероятность и статистика, логика, теория графов				
и комбинаторика				
Раздел 10. Статистика и теория вероятностей, логика и комбинаторика		12	2	8
Тема 10.1 Статистика. Вероятность, логика, комбинаторика	20	12	2	8
Консультации	20			·
Итого	331	234	46	77

Тематический план (заочная форма обучения)

	Макс.	K	оличест	гво	Самост.
	учебная		торных		работа
Содержание обучения	нагрузка		Лаб.	Прак.	студен-
	студента,		работы	занятия	та
	час.				
1	2	3	4	5	6
Алгебра и начала анализа					
Введение	2				2
Раздел 1.Элементы теории множеств и математической	25				25
логики.					
Тема 1.1 Высказывания. Множества	25				25
Раздел 2. Корни. Степени и логарифмы	34	6		4	28
Тема 2.1 Решение задач	6	2			4
Тема 2.2. Степени	4	2			2
Тема 2.3 Тригонометрия	8	2		2	6
Тема 2.4 Логарифм	16			2	16
Раздел З.Комплексные числа.	10				10
Тема 3.1. Комплексные числа	10				10
Раздел 4.Уравнения и неравенства	61	2		2	59
Тема 4.1 Решение задач	10	2		2	8
Тема4.2 Графическое решение уравнений и неравенств	15				15
Тема 4.3 Тригонометрические уравнения	12				12
Тема 4.4 Уравнения показательные и логарифмические и	24				24
неравенства	24				24
Раздел 5.Функции	20	6		2	14
Тема 5.1 Графики линейной и квадратичной функции.	4	2			2
Тема 5.2 Графики показательной логарифмической и	12	2			10
тригонометрической функций.	12	2			10
Тема 5.3 Преобразование графиков.	4	2		2	2
Раздел 6.Текстовые задачи	9				9
Тема 6.1 Решение задач	9				9
Раздел 7.Начала математического анализа	32	4		2	28
Тема 7.1 Предел функции	8	2			6
Тема 7.2 Производная	12	2			10
Тема 7.3 Первообразная и интеграл	12	2		2	12
Геометрия					
Раздел 8. Геометрия на плоскости	16	8		6	8
Тема 8.1 Геометрия на плоскости	16	8		6	8

Раздел 9.Геометрия в пространстве	82	6	6	76
Тема 9.1 Стереометрия.	14			14
Тема 9.2 Прямые в пространстве	10			10
Тема 9.3 Многогранники	24	2	2	22
Тема 9.4 Тела вращения	10	2	2	8
Тема 9.5 Векторы и координаты в пространстве	6			6
Тема 9.6 Объёмы	18	2	2	16
Вероятность и статистика, логика, теория графов и комбинаторика				
Раздел 10. Статистика и теория вероятностей, логика и комбинаторика	20	2		18
Тема 10.1 Статистика. Вероятность, логика, комбинаторика	20	2		18
Консультации	20			
Итого	331	34	22	277

Темы проектов

Появление и развитие числа.

Славянская нумерация.

Происхождение геометрии.

Проценты в прошлом и настоящем.

День рождения нуля.

История возникновения математики на Руси.

История развития понятия функции.

Волшебное число «Пи».

Золотое сечение и числа Фибоначчи.

Решето Эратосфена.

Применение векторов на практике.

Исследование роли дифференциального исчисления для поиска оптимального решения.

Пифагоровы числа.

Исследовательские работы Леонардо да Винчи.

Применение приближённых вычислений в науке и технике.

Параллельное проектирование.

Средние значения и их применение в статистике

Параллельное проектирование.

Средние значения и их применение в статистике

Правильные многогранники, их применение в технике.

Рентабельность домашнего инкубатора «Несушка БИ-2»

Абсолютная и относительная погрешность.

Применение средних значений в экономике.

Измерение высоты предмета.

Законы красоты и математика.

2.4. Содержание профильной составляющей

Профильное изучение общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» осуществляется частичным перераспределением учебных часов и отбором дидактических единиц в зависимости от важности тем для специальности 35.02.07 Механизация сельского хозяйства.

3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

3.1 Образовательные технологии

При реализации различных видов учебных занятий по дисциплине «Математика» используются следующие образовательные технологии:

Вид занятия	Используемые образовательные технологии
Теоретическое	Информационно-коммуникационные (ИКТ)
обучение (ТО)	
Практические	Информационно-коммуникационные (ИКТ)
занятия (ПЗ)	

При преподавании дисциплины «Математика» используются следующие активные формы проведения занятий по видам аудиторных занятий:

Вид занятия	Используемые активные формы проведения занятий
Изучение	Мультимедиа - уроки
нового	
материала (ТО)	
Практические	Применение электронных образовательных ресурсов;
занятия (ПЗ)	

3.2. Требования к минимальному материально-техническому обеспечению

Реализация учебной дисциплины требует наличия учебного кабинета «Математика» Оборудование учебного кабинета:

- посадочные места по количеству обучающихся;
- рабочее место преподавателя;
- классная доска;
- раздаточный материал.

Технические средства обучения:

- переносной компьютер с лицензионным программным обеспечением и мультимедиапроектор.

3.3. Информационное обеспечение обучения

Перечень рекомендуемых учебных изданий, Интернет-ресурсов, дополнительной литературы

Литература Для обучающихся

Основные источники:

- 1. Дадаян, А. А. Математика : учебник / А.А. Дадаян. 3-е изд., испр. и доп. Москва : ИНФРА-М, 2020. 544 с. (Среднее профессиональное образование). Режим доступа: https://znanium.com/catalog/product/1097484
- 2. Карбачинская, Н. Б. Математика : практикум для среднего профессионального образования / Н. Б. Карбачинская, Е. Е. Харитонова. Москва : РГУП, 2019. 114 с. Режим доступа: https://znanium.com/catalog/product/1194063
- 3. Шипова, Л. И. Математика : учебное пособие / Л.И. Шипова, А.Е. Шипов. Москва : ИНФРА-М, 2020. 238 с. (Среднее профессиональное образование). Режим доступа: https://znanium.com/catalog/product/1127760

Дополнительные источники:

1. Дадаян, А. А. Геометрические постороения на плоскости и в пространстве: задачи и решения : учебное пособие / А. А. Дадаян. — 2-е изд. - Москва : ФОРУМ : ИНФРА-М, 2020. - 464 с. : ил.

- (Профессиональное образование). Режим доступа: https://znanium.com/catalog/product/1082973
- 2. Фролов, С. А. Начертательная геометрия: сборник задач : учеб. пособие / С.А. Фролов. 3-е изд., испр. М. : ИНФРА-М, 2019. 172 с. (Среднее профессиональное образование). Режим доступа: https://znanium.com/ catalog/product/967600
- 3. Математика. Часть 1 : учебное пособие / М. Е. Бегларян, А. Н. Ващекин, В. Ю. Квачко, Е. А. Пичкуренко [и др.] ; под. ред. А. Н. Ващекина. Москва : РГУП, 2015. 184 с. Режим доступа: https://znanium.com/catalog/product/1194061

Для преподавателей

Основные источники:

- 1. Дадаян, А. А. Математика : учебник / А.А. Дадаян. 3-е изд., испр. и доп. Москва : ИНФРА-М, 2020. 544 с. (Среднее профессиональное образование). Режим доступа: https://znanium.com/catalog/product/1097484
- 2. Математика: учебное пособие / М. М. Чернецов, Н. Б. Карбачинская, Е. С. Лебедева, Е. Е. Харитонова; под. ред. М. М. Чернецова. 2-е изд., испр. и доп. Москва: РГУП, 2016. 342 с. Режим доступа: https://znanium.com/catalog/product/1192180
- 3. Карбачинская, Н. Б. Математика : практикум для среднего профессионального образования / Н. Б. Карбачинская, Е. Е. Харитонова. Москва : РГУП, 2019. 114 с. Режим доступа: https://znanium.com/catalog/product/1194063
- 4. Шипова, Л. И. Математика : учебное пособие / Л.И. Шипова, А.Е. Шипов. Москва : ИНФРА-М, 2020. 238 с. (Среднее профессиональное образование). Режим доступа: https://znanium.com/catalog/product/1127760

Дополнительные источники:

- 1. Дадаян, А. А. Геометрические постороения на плоскости и в пространстве: задачи и решения : учебное пособие / А. А. Дадаян. 2-е изд. Москва : ФОРУМ : ИНФРА-М, 2020. 464 с. : ил.
- (Профессиональное образование). Режим доступа: https://znanium.com/catalog/product/1082973
- 2. Фролов, С. А. Начертательная геометрия: сборник задач : учеб. пособие / С.А. Фролов. 3-е изд., испр. М. : ИНФРА-М, 2019. 172 с. (Среднее профессиональное образование). Режим доступа: https://znanium.com/catalog/product/967600
- 3. Мордкович, А.Г. Алгебра и начала математического анализа: 10 класс. В 2 ч. Ч. 1. учебник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень) / А. Г. Мордкович, П.В. Семенов. 8-е изд., испр. стер. М.: Мнемозина, 2019. -424 с.
- 4. Мордкович, А.Г. Алгебра и начала математического анализа: 11 класс. В 2 ч. учебник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень) / А. Г. Мордкович, П.В. Семенов. 4-е изд., испр. стер. М.: Мнемозина, 2019. -287 с.
- 5. Мордкович, А.Г. Алгебра и начала математического анализа: 10 класс. В 2 ч. . Задачник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень) / А. Г. Мордкович, П.В. Семенов. 8-е изд., испр. стер. М.: Мнемозина, 2019. -424 с.
- 6. Мордкович, А.Г. Алгебра и начала математического анализа: 11 класс. В 2 ч. Ч. 1. задачник для учащихся общеобразовательных учреждений (профильный уровень) / А. Г. Мордкович, П.В. Семенов. 4-е изд., испр. стер. М.: Мнемозина, 2019. -287 с.

Интернет- ресурсы (для обучающихся и преподавателей)

- 1. Калькулятор онлайн ... [Электронный ресурс] Режим доступа: https://www.mathsolution.ru/math-task/derivative
- 2. Построение графиков онлайн matematikam.ru [Электронный ресурс] Режим доступа: http://matematikam.ru/calculate-online/grafik.ph

4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ

Контроль и оценка результатов освоения учебной дисциплины осуществляется преподавателем в процессе проведения практических занятий, устных опросов, контрольных работ, самостоятельной работы.

Результаты обучения (предметные)

- сформированность представлений о математике как части мировой культуры и о месте математики в современной цивилизации, о способах описания на математическом языке явлений реального мира;

- сформированность представлений о математических понятиях как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;
- владение методами доказательств и алгоритмов решения; умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения залач:
- владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;
- сформированность представлений об основных понятиях, идеях и методах математического анализа;
- владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире геометрические фигуры; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;
- сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, о статистических закономерностях в реальном мире, об основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин:
- владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач;
- сформированность представлений о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;
- сформированность понятийного аппарата по основным разделам курса математики; знаний основных теорем, формул и умения их применять; умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;
- сформированность умений моделировать реальные ситуации, исследовать построенные модели, интерпретировать полученный результат;
- сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением

Формы и методы контроля и оценки результатов обучения

Текущий контроль в устной и письменной форме в виде:

- тестов:
- устного опроса;
- самостоятельной работы;
- упражнений;
- оценки выполнения заданий проверочной работы;
- оценки выполнения заданий практической работы.

Итоговая аттестация: оценка выполнения заданий на письменном экзамене характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;

- владение умениями составления вероятностных моделей по условию задачи и вычисления вероятности наступления событий, в том числе с применением формул комбинаторики и основных теорем теории вероятностей; исследования случайных величин по их распределению.